

5. Rationale Zahlen

LERN- UND AUFGABENPLAN

Zum Gebrauch dieses Plans

Hier wird kurz beschrieben, was im Unterricht gemacht wird und welche Aufgaben zu erledigen sind. Diese Informationen kannst du auch zur Vorbereitung für die Lernkontrolle benutzen. Falls du einmal krank bist, kannst du sehen, was im Unterricht gemacht wird/wurde. Fülle die Aufgabentabellen sorgfältig aus, damit du weißt, was wann erledigt werden muss und damit du im Unterricht Fragen stellen kannst. Dieser Plan ist auch im Internet herunterzuladen. Siehe dazu unter steyvel.com/bildendes nach.

Zeitvorgabe: Wir haben für das Thema „Rationale Zahlen“ insgesamt **5 Wochen** Zeit.

→ Seiten 143–194

5.1 Rationale Zahlen – Anordnung und Betrag

→ siehe Seiten 146–147 im Buch

Wichtige Begriffe

**POSITIV
NEGATIV
GEGENZAHL
BETRAG**

Positiv nennen wir alle Zahlen, die in der Zahlengerade *rechts* von der 0 stehen, also *größer* als 0 sind, z.B. +1; +1,5; +6; +1089 usw.

Negativ nennen wir alle Zahlen, die in der Zahlengerade *links* von der 0 stehen, also *kleiner* als 0 sind, z.B. -2; -3,7; -12; -4387 usw.

Die **Gegenzahl** einer Zahl erhält man, wenn man ihr Vorzeichen ändert. Beispielsweise ist -5 die Gegenzahl zu +5. Nur bei der 0 ist das Vorzeichen egal.

Der **Betrag** einer Zahl ist ihr Abstand zur 0. Beispiel: $|-8| = 8 = |+8|$.

Bei positiven Zahlen kann man das Vorzeichen weglassen. 3 ist also dieselbe Zahl wie +3.

Aufgaben

Medium	Seite	Aufgabe	Zu erledigen bis	Taschenrechner	😊	😐	☹️
Arbeitsheft	42	1		-			
Arbeitsheft	42	2		-			
Buch	147	5 b		-			
Buch	149	14		-			
Buch	149	17		-			

5.2 Vergleichen und Ordnen

→ siehe Seiten 150–152 im Buch

Wichtige Zeichen

< < bedeutet „kleiner als“ oder „niedriger als“. Beispiele: $-8 < -5$; $-2 < 11$
> > bedeutet „größer als“ oder „höher als“. Beispiele: $5 > 2$; $-9 > -20$

Die Zahl an der Pfeilspitze ist immer die, die weiter links auf der Zahlengerade steht.

Aufgaben

Medium	Seite	Aufgabe	Zu erledigen bis	Taschenrechner	😊	😐	☹️
Arbeitsheft	44	7		-			
Arbeitsheft	44	8		-			
Arbeitsheft	44	9		-			
Arbeitsheft	44	10		-			
Buch	151	4		-			
Buch	151	5		-			
Buch	152	9		-			
Buch	152	14		-			

5.3 Koordinatensystem

→ siehe Seiten 153–154 im Buch

Durch die negativen Zahlen wird das Koordinatensystem massiv erweitert. Vorsicht: Für die **x-Achse** wird im Buch der Begriff **Rechtsachse** verwendet, die **y-Achse** heißt dort **Hochachse**.

Wichtige Begriffe

**1. BIS 4.
QUADRANT**

Das Koordinatensystem wird in 4 so genannte Quadranten eingeteilt. Ihre Anordnung ist auf Seite 153 unten zu erkennen. Lerne die Anordnung gut.

Aufgaben auf

Medium	Seite	Aufgabe	Zu erledigen bis	Taschenrechner	😊	😐	☹️
Arbeitsheft	45	11		-			
Buch	154	2		-			
Buch	154	4		-			

5.4 Beschreiben von Zustandsänderungen

→ siehe Seiten 155–157 im Buch.

Mit rationalen Zahlen kann man in vielen Situationen die Änderung eines Zustands (z.B. Temperatur-, Höhen- oder Kontostandsveränderungen) gut angeben.

Aufgaben

Medium	Seite	Aufgabe	Zu erledigen bis	Taschenrechner	😊	😐	☹️
Arbeitsheft	46	12		–			
Arbeitsheft	46	13		–			
Buch	156	5		–			
Buch	157	9		–			
Buch	157	14		–			

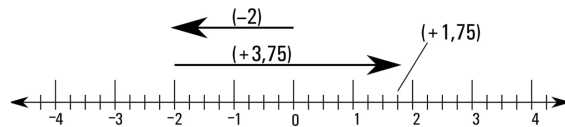
5.5 Addieren rationaler Zahlen

→ siehe Seiten 158–165 im Buch

Zum Addieren zweier rationaler Zahlen nimmt man sich am besten eine Zahlengerade zu Hilfe. Das Addieren funktioniert dann so: Man startet bei der 0 und nimmt die Zahlen in der Aufgabe als Bewegungsanweisungen, die zum richtigen Ergebnis führen.

Beispiel:

$$(-2) + (+3,75) = +1,75$$



Rechengesetze und Vereinfachungsregel

Lerne **Kommutativ-** und **Assoziativgesetz** von Seite 164.

Beachte, dass man bei positiven Zahlen das Vorzeichen weglassen kann:

$$(-1) + (+4) = (-1) + 4 = 3$$

Aufgaben

Medium	Seite	Aufgabe	Zu erledigen bis	Taschenrechner	😊	😐	☹️
Arbeitsheft	48	16		–			
Buch	161	9		–			
Buch	162	11		–			
Buch	163	18		–			
Buch	165	3		–			

5.6 Subtrahieren rationaler Zahlen

5.6.1 Einführung der Subtraktion – Subtraktionsregel

→ siehe Seiten 168–170 im Buch

Eine rationale Zahl von einer anderen zu *subtrahieren*, heißt, ihre *Gegenzahl* zu *addieren*.

$$\text{Beispiel: } (-8) - (+4) = (-8) + (-4) = -12$$

Demnach sollte man zunächst alle Subtraktionen erst einmal in Additionen umschreiben, bevor man etwas rechnet.

Aufgaben

Medium	Seite	Aufgabe	Zu erledigen bis	Taschenrechner	😊	😐	☹️
Arbeitsheft	50	22		–			
Arbeitsheft	50	24		–			
Buch	169	6		–			
Buch	170	10		–			
Buch	170	13 a & b*		–			
Buch	170	15*		–			

* freiwillige/zusätzliche Aufgabe

5.6.2 Auflösen von Zahlklammern – Vereinfachen eines Terms

→ siehe Seiten 170–172 im Buch

Die vielen Klammern und Vorzeichen können mit der Zeit ganz schön nerven. Deswegen kann man, wenn man schon einigermaßen sicher ist, viele der Zeichen einsparen. Informiere dich auf Seite 171, wie das geht.

$$\begin{aligned} & (+11) - (-5) + (-4) - (+2) \\ & = 11 + 5 - 4 - 2 \\ \text{Beispiel: } & = 16 - 6 \\ & = 10 \end{aligned}$$

Aufgaben

Medium	Seite	Aufgabe	Zu erledigen bis	Taschenrechner	😊	😐	☹️
Arbeitsheft	51	25		–			
Arbeitsheft	172	6		–			
Buch	172	8		–			

5.7 Multiplizieren rationaler Zahlen

→ siehe Seiten 173–179 im Buch

5.7.1 Einführung der Multiplikation – Multiplikationsregel

Das Multiplizieren rationaler Zahlen ist sehr einfach:

1. Zunächst multipliziert man die Zahlen, ohne die Vorzeichen zu beachten.
2. Dann betrachtet man die Vorzeichen in der Aufgabe.
 - Kommt das Minus-Zeichen in einer geraden Anzahl oder gar nicht vor, ist das Vorzeichen des Ergebnisses ein Plus.
 - Kommt das Minus-Zeichen in einer ungeraden Anzahl vor, ist das Vorzeichen des Ergebnisses ein Minus.

Beispiele: $(-5) \cdot (+3) \cdot (-2) \cdot (+2) = +60$
 $(-2) \cdot (-4) \cdot (+10) \cdot (-5) = -400$

Wenn vor einer Klammer ein Minus steht, ist das dasselbe, wie wenn man die Klammer mit (-1) multipliziert.

Aufgaben

Medium	Seite	Aufgabe	Zu erledigen bis	Taschenrechner	😊	😐	☹️
Arbeitsheft	52	29		–			
Arbeitsheft	53	31		–			
Arbeitsheft	53	33		–			
Buch	176	6 c		–			
Buch	176	7 bd		–			
Buch	177	18 abgl		–			
Buch	177	21		–			

5.7.2 Rechengesetze der Multiplikation

Lerne Kommutativ- und Assoziativgesetz auf Seite 178–179.

Aufgaben

Medium	Seite	Aufgabe	Zu erledigen bis	Taschenrechner	😊	😐	☹️
Arbeitsheft	54	34		–			
Buch	179	2		–			
Buch	179	3		–			

5.8 Dividieren rationaler Zahlen

→ siehe Seiten 180–183 im Buch

Das Dividieren rationaler Zahlen ist sehr einfach:

1. Zunächst dividiert man die Zahlen, ohne die Vorzeichen zu beachten.
2. Dann betrachtet man die Vorzeichen in der Aufgabe.
 - Kommt das Minus-Zeichen in einer geraden Anzahl oder gar nicht vor, ist das Vorzeichen des Ergebnisses ein Plus.
 - Kommt das Minus-Zeichen in einer ungeraden Anzahl vor, ist das Vorzeichen des Ergebnisses ein Minus.

Lerne die Regeln auf den Seiten 181–182!

Aufgaben

Medium	Seite	Aufgabe	Zu erledigen bis	Taschenrechner	😊	😐	☹️
Arbeitsheft	54	36		–			
Arbeitsheft	55	37		–			
Arbeitsheft	54	38		–			
Buch	182	8		–			
Buch	183	13		–			
Buch	183	15 aeij		–			
Buch	183	17		–			

5.9 Vermischte Übungen

→ Buch S. 185

Diese Aufgaben bearbeiten wir zur Übung und bei Gelegenheit.

5.10 Terme – Distributivgesetz

→ siehe Seiten 186–190 im Buch

→ Beachte immer die Regeln in den roten Kästen auf S. 187 und 189 im Buch!

Aufgaben

Medium	Seite	Aufgabe	Zu erledigen bis	Taschenrechner	😊	😐	☹️
Arbeitsheft	56	42		–			
Arbeitsheft	58	46		–			
Buch	190	4		–			
Buch	190	7		–			

5.11 Vergleich der Zahlbereiche \mathbb{N} , \mathbb{Q}_+ , \mathbb{Q} , und \mathbb{Z}

→ siehe Seiten 191 im Buch

Lies die Informationen auf S. 191 genau.

Aufgaben

Medium	Seite	Aufgabe	Zu erledigen bis	Taschenrechner	☺	☹	⊗
Arbeitsheft	58	47		–			
Buch	191	1		–			
Buch	191	2		–			
Buch	191	3		–			

5.12 Aufgaben zur Vertiefung

→ Buch S. 192

Diese Aufgaben bearbeiten wir zur Übung und bei Gelegenheit.

Hier kannst du ein Gedicht zu Godzilla verfassen:

Prickelwasser Enten-
wein kostet wenig und
schmeckt fein.



Vorbereitungen auf die Klassenarbeit

Grundsätzliche Hinweise

- Für die Klassenarbeit muss man alles, was durchgenommen wurde, gut beherrschen.
- Rechnet Aufgaben aus allen Teilthemen.
- Auf Seite 193 sind die allerwichtigsten Inhalte zusammengefasst.
- Auf der Seite 194 kannst du dich kurz vor der Arbeit testen. Diese Aufgaben sind aber immer nur eine Orientierung. Es kommen in der Arbeit auch schwierigere Aufgaben dran, wie ihr sie bei anderen Übungen gerechnet habt. Die Lösungen zu den Aufgaben findest du auf diesem Blatt weiter unten.

Lösungen zu den „Bist du fit?“-Aufgaben auf der Seite 194

$$1. a) -3,5 = -3\frac{1}{2} < -3,4 < -\frac{1}{9} < -0,1 < 0 < \frac{13}{5} < +2,8$$

$$b) 0 < |0,1| < \left| -\frac{1}{9} \right| < \left| \frac{13}{5} \right| < |2,8| < |-3,4| < |-3,5| = \left| -3\frac{1}{2} \right|$$

2. Bildpunkte: A' = A; B' = B; C' (6,55|2,41); D' (4,51|2,14); E' (2,74|-4,71)

3 a) -48; -24; 432; 3	3 b) 36; 54; -405; -5	3 c) 2,8; -11,2; -29,4; -0,6	3 d) -13,5; 4,5; 40,5; 5	3 e) -2; 0,5; 0,9375; 0,6
4.				
a) -24	e) 95	i) -5	m) 0	q) 7,4
b) -64	f) 7	j) -3	n) 5,8	r) 0
c) 35	g) 3	k) -0,5	o) -7/4	s) 0
d) 1/12	h) -7	l) -3	p) 0,4	t) 25
5 a) 348 €	b) -2,2°	c) 0,3 dm	d) -699 €	
6.	a) -13,2	b) -5,7	c) 2,2	d) -1,3
e) 9	f) -1025	g) 7/6	h) 7	i) -69
7.	a) 6,6	b) 4	c) -12,5	d) 4,4891
	e) 4,9	f) -2	g) -3,1	h) -3,7

8. a) Falsch. Der Dividend muss 0 sein. Ist der Divisor 0, ist die Aufgabe nicht lösbar.
b) Falsch. Beispiel: $-3+(-4)=-7 < 1=-3-(-4)$

Alle Angaben ohne Gewähr!